

МЕТОД РЕАЛЬНЫХ ПАРАМЕТРОВ ПРИ РАСЧЕТЕ ТОКОВ КОРОТКОГО ЗАМЫКАНИЯ В НЕОДНОРОДНЫХ СЛОЖНО-ЗАМКНУТЫХ СЕТЯХ

Е.В. Лесных, Н.С. Бурянина

В статье рассмотрен метод реальных параметров для составления универсальных программ расчета токов коротких замыканий сложно-замкнутых сетей, особенно с разными коэффициентами трансформации в неоднородных кольцах, который достаточно просто реализуется в системе MATCAD.

Ключевые слова: линия электропередачи, трансформатор, схема замещения, токи короткого замыкания, метод реальных параметров.

Повсеместно применяемые методы расчета токов короткого замыкания (КЗ) в именованных и относительных единицах имеют существенные недостатки:

- необходимо приводить параметры к одному напряжению при расчете в именованных единицах;

- если имеется замкнутые неоднородные контуры с разными коэффициентами трансформации, точно выполнить расчет вообще невозможно, так как непонятно к какому базисному напряжению приводить параметры сети.

Для расчета режимов КЗ предлагается использовать метод, который предварительно назван методом реальных параметров. Метод применим при использовании вычислительной техники.

Рассмотрим уравнения узловых напряжений в матричной форме. Токи и напряжения в узлах связаны уравнением:

$$|I| = |Y| \cdot |U| \quad (1)$$

где $|I|$, $|U|$ – матрицы-векторы напряжений в узлах и токов нагрузок схемы рассчитываемой сети, $|Y|$ – квадратная матрица проводимостей схемы.

Рассмотрим электрическую сеть, изображенную на рисунке 1.

$$\begin{pmatrix} \dot{U}_0 \\ \dot{U}_1 \\ \dot{U}_2 \\ \dot{U}_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{Z_{E1}} + Y_{01} + Y_{03} + \frac{1}{Z_{01}} + \frac{1}{Z_{03}} & & & \\ -\frac{1}{Z_{01}} & Y_{01} + Y_{12} + Y_{13} + \frac{1}{Z_{01}} + \frac{1}{Z_{12}} + \frac{1}{Z_{13}} & & \\ 0 & & -\frac{1}{Z_{12}} & \\ -\frac{1}{Z_{03}} & & -\frac{1}{Z_{12}} & Y_{03} + Y_{13} + Y_{23} + \frac{1}{Z_{03}} + \frac{1}{Z_{13}} + \frac{1}{Z_{23}} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \dot{E}_1 \\ \frac{\dot{U}_1}{Z_{E1}} \\ \dot{E}_2 \\ \frac{\dot{U}_2}{Z_{E2}} \end{pmatrix}$$

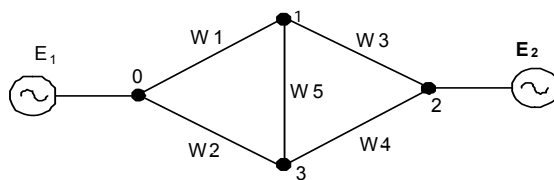


Рисунок 1 – Электрическая сеть

Схема замещения данной сети приведена на рисунке 2. В нее входят П-образные схемы замещения пяти линий и двух электрических систем с ЭДС E_1 и E_2 (полностью приведена схема замещения только линии, включенной между узлами 2 и 3),

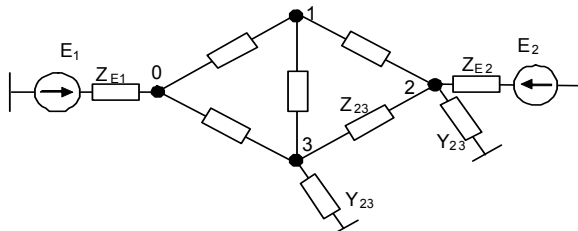


Рисунок 2 – Схема замещения

где Y_{ij} – поперечная проводимость П-образной схемы замещения линии; Z_{ij} – ее продольное сопротивление.

Уравнение узловых напряжений в матричной форме будут иметь вид:

$$|Y| = \begin{vmatrix} \frac{1}{Z_{E1}} + Y_{01} + Y_{03} + \frac{1}{Z_{01}} + \frac{1}{Z_{03}} & -\frac{1}{Z_{01}} & 0 & -\frac{1}{Z_{03}} \\ -\frac{1}{Z_{01}} & Y_{01} + Y_{12} + Y_{13} + \frac{1}{Z_{01}} + \frac{1}{Z_{12}} + \frac{1}{Z_{13}} & -\frac{1}{Z_{12}} & -\frac{1}{Z_{13}} \\ 0 & -\frac{1}{Z_{12}} & \frac{1}{Z_{E2}} + Y_{12} + Y_{23} + \frac{1}{Z_{12}} + \frac{1}{Z_{23}} & -\frac{1}{Z_{23}} \\ -\frac{1}{Z_{03}} & -\frac{1}{Z_{12}} & -\frac{1}{Z_{23}} & Y_{03} + Y_{13} + Y_{23} + \frac{1}{Z_{03}} + \frac{1}{Z_{13}} + \frac{1}{Z_{23}} \end{vmatrix}$$

$$|U| = \begin{vmatrix} \dot{U}_0 \\ \dot{U}_1 \\ \dot{U}_2 \\ \dot{U}_3 \end{vmatrix} \quad |I| = \begin{vmatrix} \dot{E}_1 \\ Z_{E1} \\ 0 \\ \dot{E}_2 \\ Z_{E2} \\ 0 \end{vmatrix} \quad \dot{I}_{ij} = \frac{\dot{U}_i - \dot{U}_j}{\sqrt{3} \cdot Z_{ij}} \quad (4)$$

Если ветвь задана П-образной схемой замещения, используется формула:

$$\dot{I}_{ij} = \frac{\dot{U}_i - \dot{U}_j}{\sqrt{3} \cdot Z_{ij}} + \dot{U}_i \cdot Y_i \quad (5)$$

где Y_i – поперечная проводимость ветви в узле i .

Трехфазное короткое замыкание задается проводимостью на несколько порядков большей максимальной проводимости схемы замещения сети. Если максимальная проводимость в схеме замещения находится в пределах 10 См, то проводимость ветви КЗ Y_{K3} можно принять равной 10^5 См. Проводимость ветви КЗ прибавляется к собственной проводимости узла матрицы Y . Например, при коротком замыкании в узле 1 диагональный член матрицы $Y - Y_{11}$ записывается как

$$Y_{01} + Y_{12} + Y_{13} + \frac{1}{Z_{01}} + \frac{1}{Z_{12}} + \frac{1}{Z_{13}} + Y_{K3}$$

Напряжения в узлах находятся решением уравнения (1):

$$|U| = |Y|^{-1} \cdot |I| \quad (2)$$

Перенос короткого замыкания в другой узел сводится к переносу проводимости короткого замыкания в другой диагональный элемент.

Ток короткого замыкания определяется через произведение напряжения в узле с коротким замыканием на проводимость ветви короткого замыкания:

$$\dot{I}_{K3} = \frac{\dot{U}_{K3} \cdot Y_{K3}}{\sqrt{3}} \quad (3)$$

При задании напряжений в кВ, сопротивлений в Ом токи получаются в кА.

Рассмотрим, как определяются токи в ветвях. Если ветвь, включенная между узлами i и j , задана продольным сопротивлением, то протекающий по ней ток из узла i определяется по формуле:

$$\begin{vmatrix} \dot{A}_{Z_T} & \dot{B}_{Z_T} \\ \dot{C}_{Z_T} & \dot{D}_{Z_T} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & Z_T \\ 0 & 1 \end{vmatrix}$$

Нетрудно заметить, что уравнения (1) и (2) применительно к приведенному примеру можно использовать и при расчете токов КЗ именованными и относительными единицами. В рассмотренном примере вся сеть одного номинального напряжения. Преимущество метода реальных параметров здесь нет, они появляются, если рассчитывается неоднородная сеть с разными номинальными напряжениями на отдельных участках. Связь между сетями разных напряжений осуществляется трансформаторами. Выведем уравнения трансформатора, не учитывая токов холостого хода, на основании которых составим его схему замещения.

Представим трансформатор в виде каскадного соединения его сопротивления приведенного к напряжению U_1 , и идеального трансформатора с коэффициентом трансформации (рисунок 3,а.):

$$k = \frac{U_1}{U_2}$$

Воспользуемся уравнениями четырехполюсника в форме А для каждого элемента каскадной схемы замещения трансформатора и определим параметры эквивалентного четырехполюсника. Для продольного сопротивления и идеального трансформатора имеем:

МЕТОД РЕАЛЬНЫХ ПАРАМЕТРОВ ПРИ РАСЧЕТЕ ТОКОВ КОРОТКОГО ЗАМЫКАНИЯ В НЕОДНОРОДНЫХ СЛОЖНО-ЗАМКНУТЫХ СЕТЯХ

$$\begin{vmatrix} \dot{A}_T & \dot{B}_T \\ \dot{C}_T & \dot{D}_T \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} k_T & 0 \\ 0 & \frac{1}{k_T} \end{vmatrix}$$

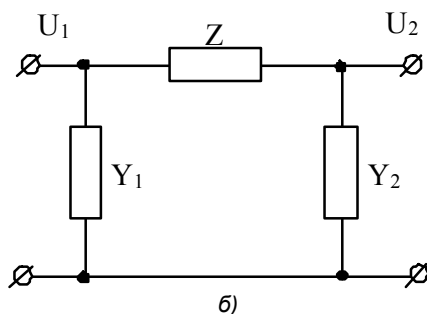
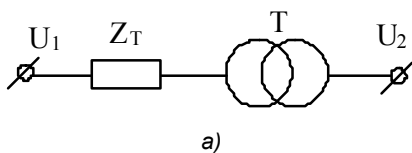


Рисунок 3 – Трансформатор: а) схема трансформатора; б) П-образная схема замещения

Параметры эквивалентного четырехполюсника получаются произведением матриц параметров четырехполюсников сопротивления и идеального трансформатора.

$$\begin{vmatrix} \dot{A} & \dot{B} \\ \dot{C} & \dot{D} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & \underline{Z}_T \\ 0 & 1 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} k_T & 0 \\ 0 & \frac{1}{k_T} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} k_T & \frac{\underline{Z}_T}{k_T} \\ 0 & \frac{1}{k_T} \end{vmatrix}$$

Известно, что любой четырехполюсник через его параметры можно представить П- или Т-образной схемой замещения. П-образная схема изображена на рисунке 3б, а ее параметры равны:

$$\underline{Z} = \dot{B} = \frac{\underline{Z}_T}{k_T}; \quad \underline{Y}_1 = \frac{\dot{D} - 1}{\dot{B}}; \quad \underline{Y}_2 = \frac{\dot{A} - 1}{\dot{B}} \quad (6)$$

Таким образом, трансформатор с индуктивной связью замещается П-образной схемой с исключительно электрическими связями.

В достоверности такого замещения можно убедиться на примере двухобмоточного трансформатора с номинальными напряжениями 110 и 11 кВ и с активным сопротивлением, приведенным к стороне высокого напряжения, равным для простоты 10 Ом. Коэффициенты эквивалентного четырехполюсника:

$$A = 10; \quad B = 1; \quad D = 0,1.$$

В П-образной схеме замещения:

$$Z = 1, \quad Y_1 = -0,9, \quad Y_2 = 9.$$

Матрица проводимостей трансформатора:

$$|Y| = \begin{vmatrix} 0,1 & -1 \\ -1 & 10 \end{vmatrix}$$

Так как токи холостого хода не учитываются, то при номинальных напряжениях в обмотках должны быть равны нулю, в чем нетрудно убедиться, используя уравнение (1).

Второй способ проверки основывается на уравнении (2). Добавим со стороны высокого напряжения ветвь с сопротивлением 1 Ом, за которой включим ЭДС по величине, равной 110 кВ. Тогда:

$$|Y| = \begin{vmatrix} 1,1 & -1 \\ -1 & 10 \end{vmatrix},$$

$$|U| = \begin{vmatrix} 1,1 & -1 \\ -1 & 10 \end{vmatrix}^{-1} \cdot \begin{vmatrix} 110 \\ 1 \\ 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 0,1 \\ 0,1 & 0,11 \end{vmatrix} \cdot \begin{vmatrix} 110 \\ 0 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 110 \\ 11 \end{vmatrix}$$

Т.е., полученные в результате расчета напряжения равны заданным.

В качестве примера рассмотрим систему, изображенную на рисунке 4.

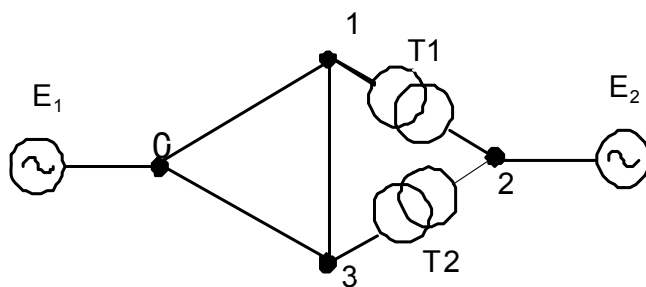


Рисунок 4 – Электрическая сеть

Схема замещения приведена на рисунке 5. Чтобы не затемнять схему, линии заданы только продольными сопротивлениями и нет их обозначений.

Существенно, что коэффициенты трансформации у трансформаторов могут быть разными, что неприменимо при расчете традиционными методами.

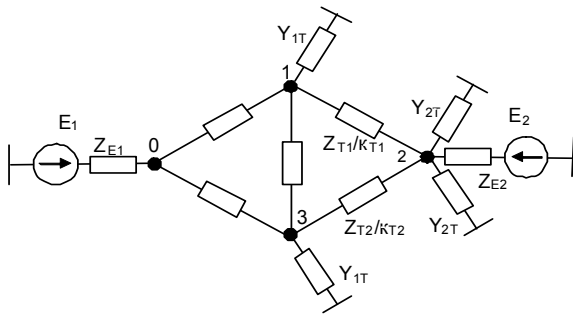


Рисунок 5 – Схема замещения

Коэффициент трансформации есть отношение напряжения обмотки, к которому приведено сопротивление трансформатора, к напряжению противоположной обмотки. И проводимость Y_1 П-образной схемы замещения будет со стороны напряжения, к которой приведено сопротивление трансформатора.

Формирование схемы замещения трехобмоточного трансформатора или автотрансформатора

Общепринятой схемой замещения трехобмоточных трансформаторов и автотрансформаторов является трехлучевая схема с сопротивлениями обмоток высокой, средней и низкой сторон напряжения. Все сопротивления приводятся к одной ступени напряжения, обычно к стороне высокого напряжения. Примем за напряжение, к которому приведены сопротивления обмоток, высокое напряжение. Отличие традиционной схемы замещения от схемы в методе реальных параметров видно из рисунков 6б и 6в.

Если внимательно рассмотреть схему замещения, изображенную на рисунке 6в, то можно увидеть, что трехобмоточный трансформатор замещен сопротивлением обмотки высокого напряжения, соединяющим узел схемы с высоким напряжением и общим узлом, и двумя схемами замещения двухобмоточных трансформатора с сопротивлениями, приведенными к высшему напряжению. Коэффициент трансформации одного трансформатора равен отношению высшего напряжения к среднему, а второго – высшего напряжения к низшему.

Дальнейшее преобразование схемы осуществляется с помощью уравнений (6). Окончательная схема замещения приведена на рисунке 6,г.

Аналогично формируется схема замещения автотрансформаторов и трансформаторов с расщепленными обмотками.

Следует отметить, что в некоторой технической литературе можно встретить ошибку – сначала вычисляются напряжения короткого замыкания обмоток, затем через них считаются сопротивления. А надо наоборот – сначала следует определить сопротивления Z_{B-C} , Z_{B-H} и Z_{C-H} , а затем сопротивления Z_B , Z_C и Z_H .

$$Z_B = 0,5 \cdot (Z_{B-C} + Z_{B-H} - Z_{C-H}),$$

$$Z_C = 0,5 \cdot (Z_{B-C} + Z_{C-H} - Z_{B-H}),$$

$$Z_H = 0,5 \cdot (Z_{B-H} + Z_{C-H} - Z_{B-C}).$$

Иначе у мнимой части одного сопротивления теряется минус. Ошибка объясняется тем, что раньше не учитывались активные составляющие сопротивлений при ручных расчетах КЗ, а сейчас учитываются, так как для вычислительной техники это не принципиально.

Несколько советов по автоматизации программирования в среде MATCAD.

1. Использование процедур на порядки снижает ошибки программирования.

2. Автоматизация при заполнении матриц. Матрицы задаются сначала нулевыми членами. Матрица-столбец задается одной командой $I_k := 0$, квадратная матрица Y задается как $Y_{k,k} := 0$.

3. Заполнение матрицы осуществляется через процедуру. Например, между узлами 3 и 0 включено сопротивление, равное 10 Ом, а между узлами 3 и 2 – 20 Ом. Процедура внесения сопротивления Z может быть составлена так, как показано на рисунке 7.

Командой $Y_{3,3} := 0$ формируется квадратная матрица четвертого порядка (первые строка и столбец имеют нулевой индекс). Далее программируется тело процедуры. В скобках заносятся узлы m и n , между которыми включается сопротивление Z . Первой командой заносится в процедуру матрица Y . Далее проводимость $1/Z$ суммируются с содержанием соответствующих элементов матрицы Y . Результатом работы процедуры является матрица Y с занесенными новыми проводимостями.

МЕТОД РЕАЛЬНЫХ ПАРАМЕТРОВ ПРИ РАСЧЕТЕ ТОКОВ КОРОТКОГО ЗАМЫКАНИЯ В НЕОДНОРОДНЫХ СЛОЖНО-ЗАМКНУТЫХ СЕТЯХ

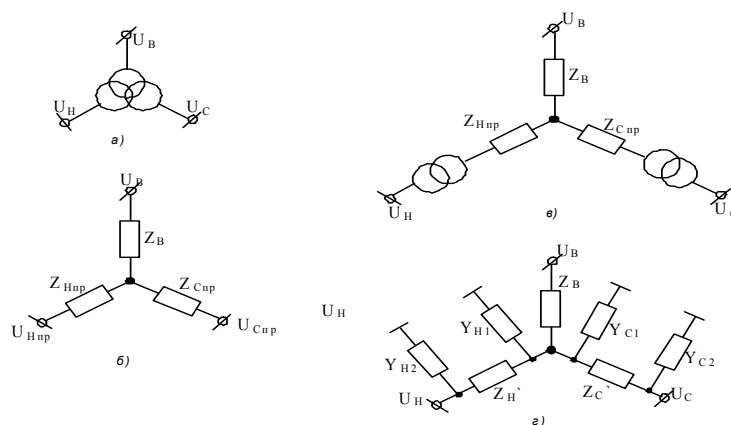


Рисунок 6 – Трехобмоточный трансформатор:
а) схема трансформатора; б) схема замещения; в) схема замещения в методе реальных параметров, г) схема замещения после преобразования

$$Zy(m,n,Z) := \begin{cases} Y'_{3,3} := 0 \\ Y' \leftarrow Y \\ Y'_{m,m} \leftarrow \frac{1}{Z} + Y'_{m,m} \\ Y'_{n,n} \leftarrow \frac{1}{Z} + Y'_{n,n} \\ Y'_{m,n} \leftarrow -\frac{1}{Z} + Y'_{m,n} \\ Y'_{n,m} \leftarrow -\frac{1}{Z} + Y'_{n,m} \\ Y' \end{cases}$$

$$Y := Zy(3,2,20) \quad Y = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0.05 & -0.05 \\ 0 & 0 & -0.05 & 0.05 \end{pmatrix}$$

$$Y := Zy(3,0,10) \quad Y = \begin{pmatrix} 0.1 & 0 & 0 & -0.1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ -0.1 & 0 & 0 & 0.1 \end{pmatrix}$$

Рисунок 7-Процедура заполнения матрицы

Расчеты несимметричных коротких замыканий методом реальных параметров

Началами схем отдельных последовательностей являются точки с нулевыми потенциалами. В схемах прямой и обратной последовательностей это нейтрали синхронных машин и нагрузок, в схеме нулевой последовательности – обмотки трансформаторов, соединенные треугольником.

Концами схем всех последовательно-

стей является точка КЗ.

Комплексные схемы замещения это эквивалентные схемы отдельных последовательностей, соединенные определенным образом, согласно граничным условиям (рисунок 8).

Но можно рассматривать комплексную схему и по-другому. Рассмотрим ее только как схему прямой последовательности, в точке КЗ которой включен шунт, образованный соединением эквивалентных схем обратной и нулевой последовательностей, схема соединения которых определяется видом КЗ. При однофазном КЗ шунт образован из последовательно соединенных эквивалентных схем обратной и нулевой последовательностей, при двухфазном – из параллельного их соединения, а при двухфазном – шунт образован только эквивалентной схемой обратной последовательности.

Но, если рассматривать комплексную схему как схему прямой последовательности с шунтом в точке КЗ, то не имеет смысла приводить такую схему к эквивалентной. Чтобы рассчитать токи и напряжения прямой последовательности, достаточно рассчитать схему (такую же, как и при расчете трехфазного КЗ), но не с проводимостью трехфазного короткого замыкания в точке КЗ, а с шунтом, параметры которого зависят от вида короткого замыкания. Например, при двухфазном КЗ на землю в узле 2 собственная проводимость:

$$Y'_{2,2} = Y_{2,2} + Y_{ш},$$

где $Y_{2,2}$ – собственная проводимость узла 2 схемы замещения прямой последовательности без КЗ, $Y_{ш}$ – проводимость шунта.

$$Y_{ш} = \frac{1}{Z_{2Э}} + \frac{1}{Z_{0Э}}$$

Эквивалентную проводимость шунта отдельной последовательности можно определить, задав в узле, где произошло короткое замыкание, напряжение, равное 1 В. Ток, вытекающий из этого узла, численно будет равен проводимости шунта.

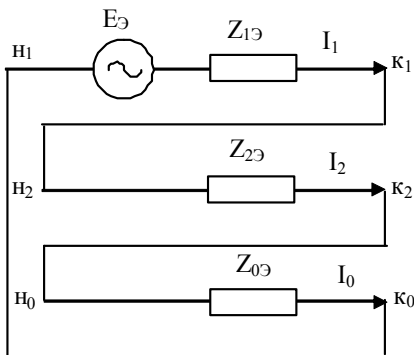
Рекомендации при составлении программ:

1. Топология схем прямой и обратной последовательностей рассчитываемой сети одинакова. Для обеих схем началами являются нейтрали синхронных машин и нагрузок. А конфигурация схемы нулевой последовательности другая. Так как началами в схеме нулевой последовательности являются обмотки трансформаторов, соединенные треугольником, то схема нулевой последовательности имеет меньше узлов, чем схемы обратной и нулевой последовательностей. И, если не принять меры, то у одних и тех же узлов в схемах прямой (обратной) и нулевой последовательностей будут разные номера.

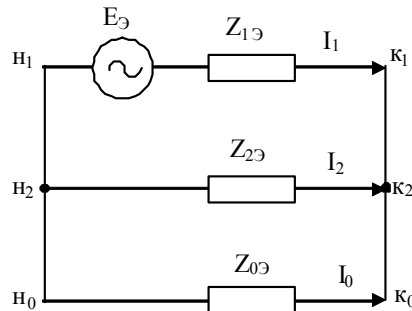
Опыт программирования показывает, что

разные номера одних и тех же узлов приводят к ошибкам, особенно при расчете КЗ в больших системах. Поэтому одним и тем же узлам в схемах всех последовательностей необходимо задавать одинаковые номера. А, чтобы матрица Y схемы нулевой последовательности не оказалась особенной, диагональным элементам, соответствующим узлам, не входящим в схему, нужно присваивать единичные значения. Например, предположим, что в сети из четырех узлов с нулевым, узла 1 нет в схеме замещения нулевой последовательности. А в схемах прямой и обратной последовательностей этот узел есть. В этом случае матрица Y_0 (нулевая последовательность) будет иметь вид:

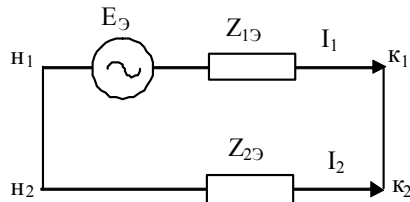
$$Y_0 = \begin{vmatrix} Y_{0,0} & 0 & Y_{0,2} & Y_{0,3} \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ Y_{2,0} & 0 & Y_{2,2} & Y_{2,3} \\ Y_{3,0} & 0 & Y_{3,2} & Y_{3,3} \end{vmatrix}$$



а)



б)



в)

Рисунок 8 – Комплексные схемы замещения для расчета: а) однофазного КЗ; б) двухфазного КЗ на землю; в) двухфазного КЗ

МЕТОД РЕАЛЬНЫХ ПАРАМЕТРОВ ПРИ РАСЧЕТЕ ТОКОВ КОРОТКОГО ЗАМЫКАНИЯ В НЕОДНОРОДНЫХ СЛОЖНО-ЗАМКНУТЫХ СЕТЯХ

2. Эквивалентную проводимость схемы последовательности любой сложности можно вычислить за 6 операций, которые приводятся ниже для схемы из a узлов. КЗ в узле 4.

$$I_a := 0$$

$$I_4 := 10000$$

$$Y_{4,4} := Y_{4,4} + 10000$$

$$U := Y^{-1} \cdot I$$

$$Y_{ш} := \frac{1 - U_4}{\sqrt{3}} \cdot 10000$$

$$Y_{4,4} := Y_{4,4} - 10000$$

Первой операцией формируется матрица токов.

Второй – формируется ток узла 4 (ЭДС, равная 1 В, умножается на дополнительную проводимость, через которую она включается в узел 4).

Третьей – к собственной проводимости узла 4 добавляется дополнительная проводимость, так как через нее к 4 узлу подключается ЭДС.

Четвертой – определяются напряжения в узлах.

Пятой – определяется ток, протекающий от ЭДС в узел 4, который в числовом выражении равен эквивалентной проводимости ($E = 1$ В).

$$Y_{ш} = \frac{I_{E-4}}{E} = I_{E-4} = \frac{E - U_4}{\sqrt{3}} \cdot 10000 = \frac{1 - U_4}{\sqrt{3}} \cdot 10000$$

Шестой – восстанавливается проводимость узла 4, чтобы можно было повторить расчет для другого узла.

Дополнительная проводимость должна быть на несколько порядков большей максимальной проводимости схемы замещения, чтобы вносимая в расчет погрешность укладывалась в сотые и тысячные доли процента.

Составляющая прямой последовательности тока КЗ определяется произведением фазного напряжения в узле КЗ на проводимость шунта.

Напряжения, приложенные к схемам обратной и нулевой последовательностям, при расчете двухфазного КЗ и двухфазного КЗ на

землю, определяются из расчета схемы прямой последовательности, как напряжения в точке короткого замыкания.

При однофазном КЗ напряжения, приложенные к схемам обратной и нулевой последовательности, определяются частным от деления составляющей прямой последовательности тока КЗ на эквивалентную проводимость соответствующей последовательности.

Напряжения в узлах схем замещения обратной или нулевой последовательностей определяются подключением ЭДС, равной напряжению, приложенному к схеме последовательности в узел с КЗ через дополнительную проводимость, на несколько порядков большую максимальной проводимости схемы замещения.

Токи в ветвях рассчитываются по формулам (4), (5).

Выводы

1. Метод реальных параметров очень удобен при расчете коротких замыканий сложно-замкнутых сетей, особенно с разными коэффициентами трансформации в неоднородных кольцах.

2. Метод может быть использован для составления универсальных программ расчета токов коротких замыканий в произвольных электрических сетях и достаточно просто реализуется в системе MATCAD. При этом учитываются как активные сопротивления элементов схемы замещения, так и поперечные емкостные проводимости линий электропередачи, что необходимо, если имеются длинные линии.

Лесных Е.В., доцент, к.т.н., Сибирский Государственный университет путей сообщения, кафедра «Электротехника, диагностика и сертификация», E-mail: abbiel@mail.ru, тел.: 8 (383) 328-05-11;

Бурянина Н.С., д.т.н., профессор, действительный член Международной академии экологии и природопользования, ФГАОУ ВПО "Северо-Восточный федеральный университет имени М.К. Аммосова", зав. кафедрой "Электроснабжение" Физико-технического института», E-mail: bns2005_56@mail.ru