МЕТОДИКА РАСЧЕТА МОЩНОСТИ И ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО МОМЕНТА, РАЗВИВАЕМОГО ЭЛЕКТРОДВИГАТЕЛЕМ ПРИ ВЕКТОРНО-АЛГОРИТМИЧЕСКОМ УПРАВЛЕНИИ В УСЛОВИЯХ СЕЛЬСКОХОЗЯЙСТВЕННОГО ПРОИЗВОДСТВА

Т.М. Халина, М.И. Стальная, С.Ю. Еремочкин, А.И.Тищенко

В статье рассмотрена методика расчета электрической мощности и электромагнитного момента трехфазного асинхронного электродвигателя, запуск и работа которого осуществляется от однофазной сети посредством векторно-алгоритмической коммутации статорных обмоток. Предложена блок-схема алгоритма расчета мощности и электромагнитного момента, развиваемого электродвигателем при векторно-алгоритмическом управлении.

Ключевые слова: трехфазный асинхронный электродвигатель, векторноалгоритмический метод. электропривод.

Как показали проведенные расчетные исследования, использование известных методик определения мощности и электромагнитного момента трехфазного асинхронного электродвигателя, запуск и работа которого осуществляется от однофазной сети посредством векторно-алгоритмической коммутации статорных обмоток [1,2], невозможно по причине отсутствия непрерывной синусоидальности напряжения, поступающего на обмотки электродвигателя, и неравенства напряжения по величине одновременно в каждый момент времени на разных статорных обмотках. В связи с этим, был применен метод нахождения среднего значения потокосцепления и разработан специализированный векторноалгоритмический метод расчета мощности и электромагнитного момента трехфазного электродвигателя, питающегося от однофазной сети, при векторно-алгоритмическом управлении.

В результате проведенных многочисленных исследований [3] порядок расчета мощности и электромагнитного момента, развиваемого электродвигателем, с учетом пояснений, показанных на осциллограмме (рисунок 1), сформулирован следующим образом.

Прежде всего, задаются параметры электродвигателя: номинальное напряжение (Uн), число полуволн напряжения в периоде регулирования (N), частота питающей сети (fсети), количество промежутков γ коммутации (переключений) Z_L (рисунок 1) в одном периоде регулируемой частоты, количество участков п тактирования Kj в каждом из про-

межутков коммутации Z_{L} , а также среднее значение вектора напряжения (по модулю) на статорных обмотках двигателя при питании от трехфазного источника электроснабжения $U_{\text{ср.}3\varphi}$. При этом количество промежутков коммутации γ одинаково для каждой из трех обмоток (A, B, C).

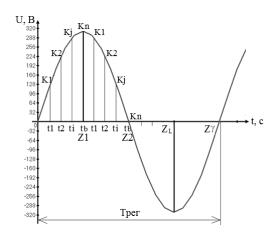


Рисунок 1 — Осциллограмма напряжения, поступающего на статорные обмотки электродвигателя

где:

L изменяется от 1 до γ , где γ – количество промежутков коммутации в периоде регулирования;

ti – моменты времени;

ј изменяется от 1 до n, где n – количество участков тактирования в промежутке коммутации $Z_{\rm l}$.

Затем рассчитываются величина каждого промежутка коммутации Z_L в градусах (секундах), и величина каждого участка тактирования K_J внутри участка коммутации Z_L в градусах (секундах), причем число участков тактирования K_J в каждом из промежутков коммутации Z_L периода регулируемой частоты является постоянной величиной равной n.

Определяется способ соединения статорных обмоток электродвигателя — «треугольник», «звезда», «разорванная звезда» и «звезда с нулевой точкой», на начальном этапе порядок расчета для каждого способа соединения статорных обмоток различный.

Порядок расчета суммарного значения векторов напряжения статорных обмоток электродвигателя в периоде регулирования для соединения обмоток статора в «треугольник». В каждом из участков тактирования Кј определяется для каждой из обмоток приложенное к ней напряжение $U_{\text{обм.}i}$ и при этом учитывается направление протекающего по ней тока, а, следовательно, и потока. Всегда для одной из обмоток напряжение будет либо + Um \cdot sin $\cdot \omega$ t, тогда на каждой из двух других напряжение будет - $\frac{\mathsf{Um}}{2} \cdot \mathsf{sin} \cdot \omega \mathsf{t}_{_{\mathrm{i}}}$, либо $-\mathsf{Um} \cdot \mathsf{sin} \cdot \omega \mathsf{t}_{_{\mathrm{i}}}$, тогда на каждой из двух других напряжение будет + $\frac{\mathsf{Um}}{2} \cdot \mathsf{sin} \cdot \omega \mathsf{t}_{_{\mathrm{i}}}$. В течение всего времени ti внутри участка Кј напряжение считается постоянным. При этом на каждом из Кј участков тактирования значение напряжения находится по формуле:

$$U_{K_{i}Z_{i}} = Um \cdot \sin \cdot \omega t_{i}$$
 (1)

Um - максимальное значение питающего синусоидального напряжения, поступающего на статорные обмотки электродвигателя:

 ω - угловая частота переменного питающего напряжения.

$$Um = \sqrt{2} \cdot U_{\text{\tiny HOM}}; \qquad (2)$$

$$\omega = 2 \cdot \pi \cdot f \,, \tag{3}$$

где f – частота напряжения сети (50 Гц). В каждом из Кј участков тактирования производится векторное сложение по теореме косинусов двух векторов, величина каждо-

го из которых равна $+\frac{Um}{2}\cdot\sin\cdot\omega t_i$ или $-\frac{Um}{2}\cdot\sin\cdot\omega t_i$. Например, для векторов A и B формула будет иметь вид:

Причем сначала производится векторное сложение по теореме косинусов, например, двух значений с напряжением либо $+\frac{Um}{2}\cdot\sin\cdot\omega t_{_{\rm I}},$ либо $-\frac{Um}{2}\cdot\sin\cdot\omega t_{_{\rm I}},$ а так как угол между ними $\alpha=120^\circ$, значения напряжения на обмотках берутся без учета знака. Затем к рассчитанному значению прибавляется третье значение напряжения на обмотке C, которое будет либо $+Um\cdot\sin\cdot\omega t_{_{\rm I}},$ либо $-Um\cdot\sin\cdot\omega t_{_{\rm I}}.$ Тогда, например, для участка K1 промежутка $Z_{_{\rm L}}$ напряжение по величине (модулю) может быть вычислено по формуле:

$$U_{K1Z, ABC} = U_{K1Z, AB} + U_{K1Z, C};$$
 (5)

где $U_{\text{K1Z}_L\text{ABC}}$ - суммарное значение векторов напряжений статорных обмоток A, B и C на участке тактирования K1 в периоде коммутации Z_{L} .

 $U_{\mbox{\scriptsize K1Z}_{\mbox{\tiny L}AB}}$ - суммарное значение векторов напряжения статорной обмотки A и B на участке тактирования K1 в периоде коммутации $Z_{\mbox{\tiny L}}$;

 $U_{\text{K1Z}_L\text{C}}$ - значение вектора напряжения статорной обмотки C на участке тактирования K1 в периоде коммутации Z_I .

Таким образом, с учетом вышеизложенного, значения вектора напряжения находятся для каждого участка тактирования K_j в каждом из промежутков коммутации Z_L по формуле:

$$U_{kjz_LABC} = U_{kjz_LA} + U_{kjz_LB} + U_{kjz_LC}, \qquad (6)$$

где U_{KJZ_LABC} - вектор суммарного значение векторов напряжения статорных обмоток A, B и C электродвигателя на участке тактирования Kj в периоде коммутации Z_L ;

 $\dot{\bf U}_{{\sf K}j{\sf ZIA}}$, $\dot{\bf U}_{{\sf K}j{\sf ZIB}}$, $\dot{\bf U}_{{\sf K}j{\sf ZIC}}$ - вектора напряжения обмотки A, B и C соответственно на участке тактирования Kj в периоде коммутации Z_I .

МЕТОДИКА РАСЧЕТА МОЩНОСТИ И ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО МОМЕНТА, РАЗВИВАЕМОГО ЭЛЕКТРОДВИГАТЕЛЕМ ПРИ ВЕКТОРНО-АЛГОРИТМИЧЕСКОМ УПРАВЛЕНИИ

Причем, так как каждый раз при определении $U_{\text{K}|\text{ZIABC}}$ действующие значения напряжения на двух обмотках, каждое из которых равно $\pm \frac{\text{Um}}{2} \cdot \sin \cdot \omega t_{\text{I}}$, складываются по теореме косинусов, а угол между ними всегда 120 эл. градусов, то суммарное напряжение этих двух векторов равняется:

$$\overset{\circ}{U}_{KjZ_LA} + \overset{\circ}{U}_{KjZ_LB} = \overset{\circ}{U}_{KjZ_LC} \ .$$

Тогда вектор суммарного значение векторов напряжения статорных обмоток A, B и C электродвигателя на участке тактирования Kj в периоде коммутации равен:

$$\overset{\square}{U}_{\text{K}|Z_i \text{ ABC}} = \overset{\square}{2}\overset{\square}{U}_{\text{K}|Z_i \text{ A}} = \overset{\square}{2}\overset{\square}{U}_{\text{K}|Z_i \text{ B}} = \overset{\square}{2}\overset{\square}{U}_{\text{K}|Z_i \text{ C}}.$$

Порядок расчета суммарного значения векторов напряжения статорных обмоток электродвигателя в промежутке коммутации для соединения статорных обмоток электродвигателя в «звезду». В каждый из промежутков коммутации Z_L определяется для каждой из обмоток приложенное к ней напряжение $U_{\text{обм,j}}$ с учетом направления протекающего по ней тока: всегда для одной из обмоток напряжение будет либо $+\frac{2\text{Um}}{3}\cdot\sin\cdot\omega t_{i}$, тогда на каждой из двух дру-

гих напряжение будет $-\frac{\mathsf{Um}}{3}\cdot \sin\cdot \omega \mathsf{t}_{_{\mathrm{I}}}$, либо

 $-rac{2\mathsf{Um}}{3}\cdot \sin\cdot \omega \mathsf{t_{i}}$, тогда на каждой из двух дру-

гих напряжение будет
$$+\frac{Um}{3} \cdot \sin \cdot \omega t_i$$
.

В каждом из Кј участков тактирования значения напряжения на обмотках A, B и C находятся по формуле (1). Значения U_m и ω определяются по формулам (2) и (3) соответственно. В каждом из Кј участков тактирования производится векторное сложение полученных значений напряжений на обмотках A, B и C по формулам (4) и (5). При расчетах все значения напряжений на статорных обмотках электродвигателя берутся по модулю.

Если напряжение на двух обмотка $U_{\text{обм,j}}$ =0, то результирующим будет напряжение на третьей обмотке. Если напряжение на одной из обмоток, $U_{\text{обм,j}}$ =0, то угол между двумя другими векторами будет либо $\alpha = 120^{\circ}$ при одинаковом направлении токов в обмотках (положительном или отрицатель-

ном), либо $\alpha = 60^{\circ}$ при разном направлении токов в обмотках.

Если напряжение есть на всех трех обмотках, то сначала суммируются по модулю вектора напряжений двух обмоток одновременно с положительным или с отрицательным направлением тока, причем угол между данными векторами составляет $\alpha=120^\circ$. Затем к полученному значению прибавляется напряжения на третьей обмотке ($\alpha=0^\circ$) по модулю. Таким образом, получают суммарное значение напряжения на статорных обмотках в каждый из Кј участков (формула 6).

Далее алгоритм расчета одинаков и для схемы соединения статорных обмоток звезда и схемы треугольник.

Порядок расчета суммарного значения векторов напряжения статорных обмоток электродвигателя в промежутке коммутации для соединения статорных обмоток электродвигателя по схемам «звезда с нулевой точкой» и «разорванная звезда». В каждый из промежутков коммутации Z_L определяется для каждой из обмоток приложенное к ней напряжение $U_{\text{обм.}j}$ с учетом направления протекающего по ней тока: либо +Um·sin· ω t, либо -Um·sin· ω t, либо $U_{\text{обм.}}=0$ (обмотка не работает).

В каждом из Кј участков тактирования значения напряжения на обмотках A, B и C находятся по формуле (1). Значения U_m и ω определяются по формулам (2) и (3) соответственно. В каждом из Кј участков тактирования производится векторное сложение полученных значений напряжений на обмотках A, B и C по формулам (4) и (5). При расчетах все значения напряжений на статорных обмотках электродвигателя берутся по модулю.

Если напряжение на двух обмотка $U_{\text{обм,j}}$ =0, то результирующим будет напряжение на третьей обмотке. Если напряжение на одной из обмоток, $U_{\text{обм,j}}$ =0, то угол между двумя другими векторами будет либо $\alpha=120^\circ$ при одинаковом направлении токов в обмотках (положительном или отрицательном), либо $\alpha=60^\circ$ при разном направлении токов в обмотках.

Если напряжение есть на всех трех обмотках, то сначала суммируются по модулю вектора напряжений двух обмоток одновременно с положительным или с отрицательным направлением тока, причем угол между данными векторами составляет $\alpha=120^\circ$. Затем к полученному значению прибавляется

напряжения на третьей обмотке ($\alpha = 0^{\circ}$) по модулю. Таким образом, получают суммарное значение напряжения на статорных обмотках в каждый из Кј участков (формула 6).

Далее алгоритм расчета одинаков и для схемы соединения статорных обмоток «звезда», «треугольник», «разорванная звезда» и «звезда с нулевой точкой».

Общая часть порядка расчета мощности и электромагнитного момента, развиваемого электродвигателем при векторноалгоритмическом управлении, для соединения статорных обмоток электродвигателя по схеме «звезда», «треугольник», «разорванная звезда» и «звезда с нулевой точкой».

Находится суммарное значение векторов напряжения статорных обмоток А, В и С электродвигателя в промежутке коммутации

$$U_{ZIABC} = \sum_{j=1}^{n} U_{KjZIABC} = U_{K1ZIABC} + U_{K2ZIABC} + ... + U_{KnZIABC}; (7)$$

где U_{ZIABC} - суммарное значение векторов напряжения статорных обмоток электродвигателя А, В и С в промежутке коммутации Z1;

Суммарное значение векторов напряжения статорных обмоток электродвигателя А, В и С в периоде регулирования Трег находится по формуле:

$$U_{1\Phi} = \sum_{l=1}^{Y} U_{Z_{l}ABC} = U_{Z1ABC} + U_{Z2ABC} + ... + U_{ZYABC}; (8)$$

где $U_{1 \oplus}$ - суммарное значение векторов напряжения трех статорных обмоток электродвигателя за период регулирования Трег.

Итак, общая формула расчета суммарного значения векторов напряжения трех статорных обмоток электродвигателя за период регулирования Трег.:

$$U_{1\varphi} = \sum_{L=1}^{\gamma} U_{Z_{L}ABC} \sum_{j=1}^{n} U_{K_{j}ABC} = (U_{K_{1}Z_{1}ABC} + U_{K_{2}Z_{1}ABC} + ... + U_{K_{n}Z_{1}ABC}) + (U_{K_{1}Z_{2}ABC} + U_{K_{2}Z_{2}ABC} + ... + U_{K_{n}Z_{2}ABC}) + ... + (U_{K_{1}Z_{2}ABC} + U_{K_{2}Z_{2}ABC} + ... + U_{K_{n}Z_{2}ABC});$$
(9)

где U_{KnZyABC} - значение векторов напряжения статорных обмоток А, В и С на участке тактирования Кј промежутка коммутации Z_i.

После этого, находится среднее значение вектора напряжения $U_{\text{cp.1d}}$ от всех работающих статорных обмоток за период регулирования (когда поле статора совершает один оборот) электродвигателя, питающегося от однофазного источника электроэнергии, по формуле:

$$U_{cp.1\varphi} = \frac{U_{1\varphi}}{n \cdot \gamma}; \qquad (10)$$

Как известно [4], электромагнитный момент электродвигателя определяется по формуле:

$$M = \frac{m_1 U_1^2 \frac{\dot{r_2}}{s}}{\omega_0 \left[\left(r_1 + \frac{\dot{r_2}}{s} \right)^2 + \left(x_1 + \dot{x_2} \right)^2 \right]}, \quad (11)$$

где U₄ - действующее (эффективное) значение напряжения на статорных обмотках электродвигателя.

При постоянных значениях активного и индуктивного сопротивлений обмоток статора, реактивного сопротивления рассеяния, скольжения и оборотов электродвигателя можно считать, что момент пропорционален квадрату приложенного напряжения, то есть:

$$M \equiv m_1 \cdot U_1^2 \ . \tag{12}$$

Вследствие того, что при сравнении момента, развиваемого электродвигателем при питании от однофазной сети, с моментом, развиваемым электродвигателем при питании от трехфазной сети, из-за особенностей векторно-алгоритмического управления, когда каждая из трех обмоток получает каждый раз различное по величине напряжение, целесообразнее производить сопоставление по среднему значению вектора напряжения статорных обмоток с учетом числа работающих фаз т. Тогда формулу (12) можно представить в виде (при питании двигателя от однофазной сети):

$$M \equiv U_{cp.1dp}^2 . (13)$$

 $M \equiv U_{\text{cp.1}\varphi}^2 \; .$ При питании от трехфазной сети:

$$M \equiv U_{cn\,3dp}^2 \ . \tag{14}$$

где:

U_{ср.3ф} - среднее значение вектора напряжения от действия трех статорных обмоток электродвигателя при питании от трехфазного источника электроснабжения.

Тогда, с учетом формул (11), (13) и (14), можно найти отношение момента, развиваемого электродвигателем при питании от однофазной сети к моменту, развиваемому электродвигателем при питании от трехфазной сети, в процентах, как отношение среднего значения вектора напряжения, при питании электродвигателя от трехфазного источника электроснабжения, к среднему значению вектора напряжения, вычисленного по вышеприведенной методике, но при включении электродвигателя в однофазную сеть:

ПОЛЗУНОВСКИЙ ВЕСТНИК №2/2 2011

МЕТОДИКА РАСЧЕТА МОЩНОСТИ И ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО МОМЕНТА, РАЗВИВАЕМОГО ЭЛЕКТРОДВИГАТЕЛЕМ ПРИ ВЕКТОРНО-АЛГОРИТМИЧЕСКОМ УПРАВЛЕНИИ

$$\frac{M_{1\phi}}{M_{3\phi}} \equiv \left(\frac{U_{cp.1\phi}}{U_{cp.3\phi}}\right)^2 \cdot 100\%,$$
 (15)

где ${\rm M_{1\varphi}}$ - номинальный момент, развиваемый электродвигателем при питании от однофазной сети;

 ${\rm M_{3\varphi}}$ - номинальный момент, развиваемый электродвигателем при питании от трехфазной сети;

Как известно мощность на валу электродвигателя определяется развиваемым электродвигателем моментом и скоростью, в соответствие с формулой:

$$P \approx M_{nB} \cdot \omega \tag{16}$$

Тогда, при допущении, что развиваемая скорость в обоих случаях одинакова, то есть $\omega = {\rm const}$, и с учетом формул (15) и (16) получаем:

$$P_{1\phi} \approx M_{1\phi}; \qquad (17)$$

$$P_{3\phi} \approx M_{3\phi}$$
, (18)

где $P_{1\varphi}$ - мощность на валу электродвигателя, питающегося от однофазной сети;

 ${\sf P}_{\!_{3 \varphi}}\,$ - мощность на валу электродвигателя, питающегося от трехфазной сети.

Из формул (14), (17) и (18) отношение мощности на валу электродвигателя, при питании от однофазной сети к мощности на валу того же электродвигателя, при включении в трехфазную сеть, в процентах, находится по формуле:

$$\frac{P_{1\phi}}{P_{3\phi}} \equiv \frac{M_{1\phi}}{M_{3\phi}} \equiv \frac{U_{cp,1\phi}^2}{U_{cp,3\phi}^2} \cdot 100\%$$
 (19)

На основании приведенной методики расчета мощности и электромагнитного момента, развиваемого электродвигателем при векторно-алгоритмическом управлении, составлена обобщенная блок-схема алгоритма расчета (рисунок 2).

Как видно из обобщенной блок-схемы алгоритма расчета мощности и электромагнитного момента, развиваемого электродвипап векторно-алгоритмическом управлении (рисунок 2), порядок расчета до выбора типа соединения статорных обмоток электродвигателя одинаков для схем «звезда», «треугольник», «разорванная звезда» и «звезда с нулевой точкой». Для каждого из типов соединения обмоток статора порядок расчета отличается по причине различного способа сложения векторов напряжения статорных обмоток и различной величины напряжения, приложенного к ним. После этапа нахождения напряжения на каждом из участков тактирования Кј для выбранного типа соединения обмоток статора, порядок расчета одинаков и заключается в нахождении отношения мощности на валу электродвигателя, при питании от однофазной сети к мощности на валу того же электродвигателя, при включении в трехфазную сеть.

С целью минимизации и автоматизации расчетов, вышеописанная методика расчета была изменена. Каждый из участков коммутации Z_L является криволинейной трапецией с площадью S. Криволинейную трапецию можно представить как ступенчатую фигуру, составленную из прямоугольников с основанием [t0, t1], [t1, t2], ,..., $[t_{i-1}, t_i]$. За площадь криволинейной трапеции принимается предел суммы площадей прямоугольников при стремлении величины отрезка ti к нулю:

$$S = \lim_{t \to 0} \sum_{t=1}^{t} f(c_k) \Delta t_i; \qquad (20)$$

где с₁ - произвольно взятые точки

Так как определенный интеграл [5] от функции f(x) на отрезке [a, b] есть число, равное пределу интегральных сумм для заданной функции при стремлении к нулю величины отрезка, то формула (20) можно представить в виде:

$$S = \lim_{t \to 0} \sum_{k=1}^{n} f(c_k) \Delta x_k = \int_{a}^{b} f(x) dx$$
 (21)

В нашем случае функцией интегрируемой на отрезке [a, b] будет $f(x)=Um\cdot sin\cdot \omega t_i$. Нижними и верхними пределами интегрирования а и b соответственно являются моменты времени ti-1 и ti. Переменной интегрирования x является время ti.

Тогда вместо нахождения на каждом из Кј участков тактирования значения напряжения по формуле (1), возможно сразу находить значения напряжения в промежутке коммутации Z_L для каждой из статорных обмоток двигателя по формуле:

$$U_{Z_{L}} = \int_{t_{i-1}}^{t_{i}} Um \cdot \sin \cdot \omega t_{i} dt, \qquad (22)$$

где ${\rm U_{Z_L}}$ - суммарное значение напряжений статорной обмотки двигателя в промежутке коммутации ${\rm Z_L}$.

Далее полученные значения напряжения U_{z_1} складываются на каждом участке в соответствии с вышеописанным алгоритмом по теореме косинусов (формула 4). Начиная с нахождения суммарного значения векторов напряжения трех статорных обмоток электродвигателя за

ХАЛИНА Т.М., СТАЛЬНАЯ М.И., ЕРЕМОЧКИН С.Ю., ТИЩЕНКО А.И.

период регулирования Трег (формула 8), порядок расчета будет одинаков.

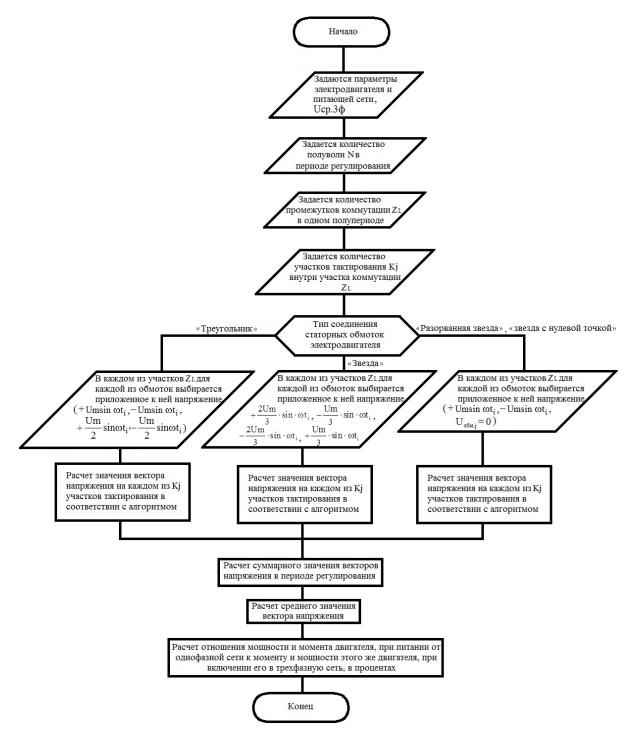


Рисунок 2 - Обобщенная блок-схема алгоритма расчета мощности и электромагнитного момента, развиваемого электродвигателем, при векторно-алгоритмическом управлении

Таким образом, с помощью предлагаемой методики можно производить расчет электрической мощности и электромагнитного момента, развиваемого трехфазным асинхронного электродвигателем, питание которо-

го осуществляется от однофазной сети посредством векторно-алгоритмического управления, при соединении обмоток статора по схеме «звезда, «треугольник», «разорванная звезда» и «звезда с нулевой точкой».

МЕТОДИКА РАСЧЕТА МОЩНОСТИ И ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО МОМЕНТА, РАЗВИВАЕМОГО ЭЛЕКТРОДВИГАТЕЛЕМ ПРИ ВЕКТОРНО-АЛГОРИТМИЧЕСКОМ УПРАВЛЕНИИ

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Однофазно-трехфазный транзисторный реверсивный коммутатор, ведомый однофазной сетью: пат. 109356 Рос. Федерация. № 2011120731/07; заявл. 23.05.2011; опубл. 27.10.2011, Бюл. №30. 2 с.
- 2. Преобразователь частоты, ведомый однофазной сетью переменного тока, для питания однофазного асинхронного двигателя: пат. 109938 Рос. Федерация. № 2011120730/07; заявл. 23.05.2011; опубл. 10.10.2011, Бюл. №30. -2 с.
- 3. Халина, Т.М. Оценка эффективности использования трехфазных асинхронных электродвигателей в однофазной сети при векторноалгоритмическом управлении / Т.М. Халина, М.И. Стальная, С.Ю. Еремочкин/ Вестник Алтайского государственного аграрного университета. 2011. №12. С. 103-107.

- 4. Коломиец, А.П. Электропривод и электрооборудование/ А.П. Коломиец, Н.П. Кондратьева, И.Р. Владыкин, С.И. Юран//– М.: Колос, 2006. 328 с
- 5. Ильин, В.А. Высшая математика/ В.А. Ильин, А.В. Куркина // М.: Проспект, 2012. 608 с.

Халина Т.М., д.т.н., проф., заведующий кафедрой «Общая электротехника» АлтГТУ им. И.И. Ползунова, тел.: 8(3852)29-07-88;

Стальная М.И., к.т.н., проф. кафедры «Автоматизированный электропривод и электротехнологии» АлтГТУ им. И.И. Ползунова;

Еремочкин С.Ю., аспирант кафедры «Автоматизированный электропривод и электротехнологии» АлтГТУ им. И.И. Ползунова;

Тищенко А.И., проф., кафедра «Общая электротехника» АлтГТУ им. И.И. Ползунова, E-mail: tischenko2004@inbox.ru.