

## ПОВЫШЕНИЕ УСТОЙЧИВОСТИ НЕИНТЕРАКТИВНЫХ АНАЛОГОВ $\Sigma$ -ПРОТОКОЛОВ С БИНАРНЫМИ ЗАПРОСАМИ

5. Kumamoto H., Henley E. Probabilistic risk assessment and management for engineers and scientists/ H.Kumamoto,E. Henley//2-nd edition. Institute of Electrical and Electronics Engineers. Inc. New York, 1996.
6. Chi-Chun Lo, Wan-Jia Chen. A hyd information security risk assessment procedure considering interdependences between controls // Expert Systems with Applications. 2011. V. 39. P. 248-257.
7. Заркумова-Райхель, Р.Н. Прогнозирование количества инцидентов в системе информационной безопасности предприятия при помощи динамической модели /Р. Н. Заркумова-

8. Райхель, А.Ж. Абденов// Фундаментальные исследования, №.6 (2). 2012.С. 429-434.
8. Абденова, Г.А. Прогнозирование значений уровня временного ряда на основе уравнений фильтра Калмана/Г.А. Абденова. // Ползуновский вестник. Барнаул: АлтГТУ, 2010. № 2. С. 4-6.

Профессор кафедры защиты информации, **Абденов А.Ж.**, д.т.н., профессор, тел. 8-923-151-77-21 amirlan21@gmail.ru; соискатель кафедры защиты информации **Заркумова-Райхель Р.Н.** zarkitova@gmail.com - Новосибирский государственный технический университет.

УДК: 519.24

## ПОВЫШЕНИЕ УСТОЙЧИВОСТИ НЕИНТЕРАКТИВНЫХ АНАЛОГОВ $\Sigma$ -ПРОТОКОЛОВ С БИНАРНЫМИ ЗАПРОСАМИ

А.Б. Фролов

В статье рассматриваются неинтерактивные аналоги протоколов идентификации ( $\Sigma$ -протоколов) с бинарными запросами. Показано, что для повышения их устойчивости число проверок может быть увеличено при сохранении информационной скорости за счет применения эффективной забывающей передачи при многократном использовании единого рандомизатора.

**Ключевые слова:** протокол с нулевым разглашением секрета, протокол идентификации, бинарный запрос, забывающая передача, рандомизатор, информационная скорость.

### Введение

Интерактивные и неинтерактивные протоколы с нулевым разглашением секрета являются весьма важными криптографическими примитивами современных крипtosистем таких как электронные платежные системы, электронные системы голосования, сохраняющие приватность интеллектуальные измерительные системы и др. [1]. Они обеспечивают идентификацию участников протокола. Протокол доказательства с нулевым разглашением ( $P, V$ )( $x$ ) исполняется двумя участниками — доказывающим  $P$  и проверяющим  $V$ , владеющими общей информацией  $x$  [2]. Эта общая информация может быть значением  $z = f(s)$  односторонней функции  $f(s)$ , прообраз  $s$  которого является секретом  $P$ . Исполняя протокол,  $P$  убеждает проверяющего  $V$ , что он владеет секретом  $s$ , не разглашая никакой информации о секрете. Такие протоколы имеют две вероятностные характеристики: **полнота**  $\sigma$  (нижняя граница вероятности успешного доказательства честным доказывающим  $P$  и **неустойчивость**  $\delta$  (верхняя граница вероятности успешного доказательства нечестным доказывающим  $\tilde{P}$ , не владеющим секретом, — граница неустойчивости). Понижение этого порога означает повышение устойчивости протокола. В этой статье мы рассматриваем протоколы, для которых  $\sigma=1$ ,

$\delta \leq 1/2$ . Третьей характеристикой является **совершенство** — полное скрытие секрета в процессе исполнения протокола. Информационная скорость зависит от длины транзакции, пересылаемой от  $P$  проверяющему, она тем больше, чем короче транзакция.

Имеются два типа протоколов с нулевым разглашением секрета: интерактивные и неинтерактивные. Интерактивный протокол (т.н.  $\Sigma$ -протокол) обычно исполняется в три раунда [3]:

- 1) Сообщение *commit*, являющееся значением с односторонней функции, соответствующим текущему случайно выбранному секретному значению *committal*, пересыпается доказывающим  $P$  проверяющему  $V$ .

- 2) Сообщение *challenger*, являющееся случайно выбранной бинарной строкой  $t$  длины  $t$ ,  $t \geq 1$ , пересыпается от  $V$  к  $P$ .

- 3) Сообщение *r response*, зависящее от *committal*, *challenger* и от секрета  $s$  пересыпается от  $P$  к  $V$ . ( $s$  скрывается случайным сообщением *committal*).

После этих обменов  $V$  проверяет ответ *response* по значению предиката *Verify(c,e,r,z)*. Если это значение *true*, то принимает доказательство, иначе отклоняет. При  $t=1$  мы называем такие протоколы  $\Sigma$ -протоколами с бинарными запросами, при  $t>1$  —  $\Sigma$ -протоколами с множественными запро-

А.Б. ФРОЛОВ

## РАЗДЕЛ 6. ИНФОРМАЦИОННАЯ БЕЗОПАСНОСТЬ

сами. В настоящей статье мы рассматриваем неинтерактивные аналоги  $\Sigma$ -протоколов с бинарными запросами, неинтерактивным аналогом  $\Sigma$ -протоколов с множественными запросами посвящена статья [4].

Такие протоколы с вероятностной характеристикой неустойчивости  $\delta$  могут исполняться  $r$  раз. Если каждый раз результат проверки — *true*, то  $V$  принимает доказательство с вероятностью ошибки не более  $\delta^r$ , иначе доказательство отклоняется.

Интерактивность является нежелательным свойством таких протоколов, поскольку требуются непосредственный контакт участников и соответствующие затраты времени на коммуникации.

В отличие от интерактивных протоколов, неинтерактивные протоколы используют предварительно подготавливаемую информацию и исполняются без запросов проверяющего. Такими являются протоколы с общей случайной строкой [5].

Имеются два подхода к трансформации интерактивных протоколов в неинтерактивные протоколы:

- трансформация с использованием эвристики Фиата — Шамира [6];
- трансформация с использованием забывающей (скрытой) передачи [7].

В настоящей работе изучаются трансформации последнего типа. В таких протоколах неинтерактивной коммуникационной фазе предшествует интерактивная фаза инициализации параметров забывающей передачи. Использование забывающей передачи требует ограничения вычислительных возможностей доказывающего. В связи с этим неинтерактивный аналог интерактивного протокола доказательства с нулевым разглашением является протоколом *аргументации* с нулевым разглашением. При этих недостатках неинтерактивные протоколы этого типа не имеют ограничений на число доказываемых (аргументируемых) теорем для данного языка и, более того, являются «полиязыковыми» в том смысле, что в фазе коммуникаций с использованием однажды инициализированных параметров забывающей передачи можно осуществлять аргументации на основе различных языков или односторонних функций.

Будем использовать следующие обозначения:

- NIOT<sub>2</sub><sup>1</sup> - неинтерактивная 1-из-2 забывающая передача (*Oblivious Transfer – OT*) [8];

- NIZKOT<sub>2</sub><sup>1</sup> - неинтерактивная аргументация с нулевым разглашением с использованием NIOT<sub>2</sub><sup>1</sup>;

- NIEOT<sub>2</sub><sup>1</sup> - эффективная неинтерактивная 1-из-2 забывающая передача [8,9];

- NIZKEOT<sub>2</sub><sup>1</sup> - неинтерактивная аргументация с использованием NIEOT<sub>2</sub><sup>1</sup>;

-  $e_{NIZKOT_2^1}$  ( $e_{NIZKEOT_2^1}$ ) - длина транзакции NIZKOT<sub>2</sub><sup>1</sup> (NIZKEOT<sub>2</sub><sup>1</sup>);

-  $\rho_{NIZKEOT_2^1} = \frac{e_{NIZKOT_2^1}}{e_{NIZKEOT_2^1}}$  - коэффициент возрастания информационной скорости протокола NIZKEOT<sub>2</sub><sup>1</sup> относительно протокола NIZKOT<sub>2</sub><sup>1</sup> при одинаковой устойчивости (эффективность).

Вероятностные характеристики неустойчивости таких протоколов обозначаются  $\delta_{NIZKOT_2^1}$  и  $\delta_{NIZKEOT_2^1}$  соответственно.

NIZKEOT<sub>2</sub><sup>1</sup>( $p$ ) обозначает  $p$  итераций протокола NIZKEOT<sub>2</sub><sup>1</sup>.

В этой статье мы сравниваем границы неустойчивости протоколов, исполняемых за одно и то же время, то есть имеющих примерно одинаковые информационные скорости и сравниваем информационные скорости протоколов, имеющих примерно одинаковые границы неустойчивости. Обсуждаются традиционные протоколы NIZKOT<sub>2</sub><sup>1</sup>( $p$ ) и их усовершенствованные варианты NIZKEOT<sub>2</sub><sup>1</sup>( $p$ ). Доказывается безопасность повторного использования рандомизаторов, позволяющего существенно понизить границы неустойчивости при сохранении информационной скорости. Последнее демонстрируется сравнением границ неустойчивости и оценкой эффективности.

### Сравнение NIZKOT<sub>2</sub><sup>1</sup> и NIZKEOT<sub>2</sub><sup>1</sup>

В этом разделе мы представляем протоколы NIZKOT<sub>2</sub><sup>1</sup>, соответствующие интерактивным протоколам доказательства или аргументации с бинарными запросами. В таких протоколах общая информация доказывающего  $P$  и проверяющего  $V$  является значением  $z=f(s)$  односторонней функции  $f(x)$ .  $P$  владеет прообразом  $s$  значения  $z$ . Исполняя неинтерактивный протокол с нулевым разгла-

## ПОВЫШЕНИЕ УСТОЙЧИВОСТИ НЕИНТЕРАКТИВНЫХ АНАЛОГОВ $\Sigma$ -ПРОТОКОЛОВ С БИНАРНЫМИ ЗАПРОСАМИ

шением, честный  $P$  убеждает  $V$  в том, что он владеет упомянутым элементом  $s$ . Нечестный доказывающий  $\tilde{P}$ , не владеющий этой информацией, способен убедить проверяющего в противном с вероятностью не более  $2^{-1}$  (или не более  $2^{-p}$  в  $p$  последовательных итерациях).

По идеи Н. Коблица [7] предполагается, что  $P$  в фазе инициализации получил длинную последовательность открытых ключей проверяющего  $(\beta_{1i}, \beta_{2i})$ ,  $i=1, \dots, p$  для  $p$  итераций 1-из-2 забывающей передачи. Эта последовательность может использоваться  $P$  во многих аргументациях с нулевым разглашением.  $P$ , имитируя логику интерактивного протокола с бинарным запросом, посыпает проверяющему в каждой из  $p$  итераций в неинтерактивном режиме вызовы (*commit*) с и затем посыпает с забыванием два ответа (*responses*)  $(r_0, r_1)$  на оба возможные бинарные запросы (*challengers*) 0 и 1 соответственно. Проверяющий  $V$  читает по своему выбору один из них. Доказывающий  $P$  выбор проверяющего  $V$  не знает. Затем  $V$  вычисляет значение предиката точно так же, как в интерактивном протоколе. Граница неустойчивости протокола равна  $2^{-p}$ . В результате эффект интерактивного протокола достигается в неинтерактивном режиме. Для реализации этой идеи используется вероятностное шифрование, например, по криптосистеме Эль Гамаля. В [6] предложено применять аддитивное маскирование вместо мультиплексивного: второе сообщение  $C_2=m\beta^y$  криптограммы Эль Гамаля, где  $m$  есть скрываемое сообщение,  $\beta$  есть открытый ключ криптосистемы Эль Гамаля, а  $y$  — рандомизатор, заменяется сообщением  $C_2=m\oplus\psi(\beta^y)$ . Здесь  $\psi: G \rightarrow \{0,1\}^n$  есть обратимое отображение ( $G$  это базовая группа криптосистемы Эль Гамаля). С использованием генератора  $\alpha$  и секретного ключа  $x$  расшифрование выполняется как  $C_2\oplus\psi(\alpha^{x,y})=C_2\oplus\psi(\beta^y)=m$ . В [8,9] показано, что вследствие использования различных секретных ключей в двух или более шифрованиях повторное использование рандомайзера безопасно. В этом случае информационная скорость в коммутационной фазе ОТ протокола возрастает. В этой статье идея повторного использования рандомайзера распространяется на последовательно исполняемые сессии неинтерактивного протокола аргументации с нулевым разглашением. В результате существенно понижается граница неустойчивости. В данном разделе оценивается степень этого понижения.

Пусть NIZKOT<sub>2</sub><sup>1</sup> исполняется  $p$  раз с различными вызовами *commit* и различными ключами вероятностного шифрования. Протокол использует NIOT<sub>2</sub><sup>1</sup> на основе группы  $G$  высокого простого порядка с генератором  $\alpha$ , элементом  $U$  с неизвестным ни доказывающему, ни проверяющему дискретным логарифмом. Допустим, что эти параметры установлены в фазе инициализации. Дополнительно в этой фазе  $V$  выбирает последовательность секретных ключей  $(i_j, x_j)$ ,  $j=1, \dots, t$ , где  $i_j = e_j + 1 \in \{1, 2\}$  соответствуют бинарным запросам  $e_j \in \{0, 1\}$ ,  $x_j \in \{2, \dots, \text{ord } \alpha - 1\}$  — секретные ключи последовательных сессий, вычисляет и посыпает в доверенный сертификационный центр последовательность соответствующих открытых ключей:

$$((\beta_{11}, \beta_{21}), \dots, (\beta_{1j}, \beta_{2j}), \dots, (\beta_{1t}, \beta_{2t})), \beta_{ij} = \alpha^{x_j}, \\ \beta_{3-i_j} = U\alpha^{-x_j}, j=1, \dots, p. \quad (1)$$

Доверенный центр публикует их после проверки: для всех  $j$  должны выполняться равенства  $\beta_{1j}\beta_{2j} = U$ .  $P$  получает эту последовательность от доверенного центра.

Теперь можно рассмотреть основную коммуникационную неинтерактивную фазу в двух вариантах: традиционном и ускоренном. Мы желаем получить неинтерактивную версию известного интерактивного протокола, исполнение которого включает вызов *commit*  $c_j=f(l_j)$  от случайно выбиравшего элемента *committal*  $l_j$  ( $c_j$  пересыпается от  $P$  к  $V$ ), случайно выбираемый бинарный запрос *challenger*  $e_j \in \{0, 1\}$  (от  $V$  к  $P$ ), ответ *response*  $r_j \in \{r_{0j}, r_{1j}\}$ ,  $r_{ij} = l_j \circ (s \bullet i)$  (от  $P$  к  $V$ ) и проверку  $\text{Verify}(c_j, e_j, r_j, z)$ , исполняемую  $V$ . Выше  $\circ$  есть умножение или сложение,  $\bullet$  есть возведение в степень или умножение в зависимости от типа функции  $f$ .

Начнем с традиционного варианта — протокола NIZKOT<sub>2</sub><sup>1</sup>( $p$ ).

$P$  случайно выбирает  $p$  элементов *committal*  $l_j$  и вычисляет последовательность  $c$  из  $p$  значений *commit*  $c_j=f(l_j)$ ,  $j=1, \dots, p$ . Затем он вычисляет текущие параметры забывающей передачи — последовательность

$$y = ((y_{11}, y_{21}), \dots, (y_{1j}, y_{2j}), \dots, (y_{1p}, y_{2p}))$$

секретных случайно выбираемых пар различных рандомайзаторов. Используя эти рандомайзаторы и открытые ключи проверяющего  $V$ ,  $P$  вычисляет пары возможных отве-

## РАЗДЕЛ 6. ИНФОРМАЦИОННАЯ БЕЗОПАСНОСТЬ

тов  $(m_{1j}, m_{2j})$ ,  $m_{ij} = r_{i-1,j}$ ,  $i = 1, 2, j = 1, \dots, p$  и последовательность OT транзакций

$\text{OT}(m_{11}, m_{21}), \dots, \text{OT}(m_{1j}, m_{2j}), \dots, \text{OT}(m_{1p}, m_{2p})$ ,

где

$$\begin{aligned}\text{OT}(m_{1j}, m_{2j}) &= ((\alpha^{y_{1j}}, m_{1j} \oplus \psi(\beta_{1j}^{y_{1j}})), \\ &(\alpha^{y_{2j}}, m_{2j} \oplus \psi(\beta_{2j}^{y_{2j}}))).\end{aligned}\quad (2)$$

Наконец,  $P$  посыпает к  $V$  последовательность с и последовательность (2).

Из троек  $(c_j, (\alpha^{y_{1j}}, \alpha^{y_{2j}}), ((m_{1j} \oplus \psi(\beta_{1j}^{y_{1j}})), (m_{2j} \oplus \psi(\beta_{2j}^{y_{2j}}))))$ , проверяющий  $V$ , используя свои секретные ключи, получает множество сообщений, вычисляя  $m_{ij}$  следующим образом:

$$\begin{aligned}(m_{ij} \oplus \psi(\beta_{ij}^{y_{ij}})) \oplus \psi(\alpha_{ij}^{y_{ij}x_j}) &= m_{ij} \oplus \psi(\beta_{ij}^{y_{ij}}) \oplus \psi(\beta_{ij}^{y_{ij}}) = \\ &= m_{ij} = r_{i-1,j} = r_{e_j} = r_j.\end{aligned}$$

Он проверяет эти  $r$  сообщений, вычисля  $\text{Verify}(c_j, e_j, r_j, z)$ ,  $j = 1, \dots, p$ .

Если хотя бы в одном случае получается  $false$ , он отказывает, иначе принимает аргументацию.

Пример 3.1. Аргументация с нулевым разглашением знания дискретного логарифма элемента  $z = b^s$  по снованию  $b$ . здесь  $f(x) = b^x$ ;

$$c_j = b^{l_j}; r_{0j} = l_j; r_{1j} = l_j + s; \text{Verify}(c_j, e_j, r_j, z) : b^{r_j} = c_j z^{e_j}.$$

Пример 3.2. Аргументация с нулевым разглашением секрета знания квадратного корня по модулю составного числа  $n$ . здесь  $f(x) = x^2 \pmod{n}$ .

$$c_j = l_j^2; r_{0j} = l_j s^0; r_{1j} = l_j s^1;$$

$$\text{Verify}(c_j, e_j, r_j, z) : r_j^2 = c_j z^{e_j}.$$

Подчеркнем, что оба примера могут быть реализованы с использованием параметров забывающей передачи, инициализированных однократно.

Ускоренный вариант протокола аргументации с нулевым разглашением секрета  $\text{NIZKEOT}_2^1(p)$  отличается от протокола  $\text{NIZKOT}_2^1(p)$  тем, что вместо последовательности  $y$  случайно выбирается единственный рандомизатор  $y$ . Вместо транзакций (2) вычисляются и пересыпаются  $V$  элемент  $\alpha^y$  и транзакции

$$\begin{aligned}\text{OT}(m_{1j}, m_{2j}) &= \\ &((m_{1j} \oplus \psi(\beta_{1j}^y)), (m_{2j} \oplus \psi(\beta_{2j}^y))), j = 1, \dots, p.\end{aligned}$$

Использованием элемента  $\alpha^y$  эти транзакции могут быть представлены как последовательность пар криптограмм

$$((\alpha^y, m_{1j} \oplus \psi(\beta_{1j}^y)), (\alpha^y, m_{2j} \oplus \psi(\beta_{2j}^y))), j = 1, \dots, p.$$

В итоге  $P$  посыпает к  $V$  последовательность с и эту последовательность транзакций.

$V$  получает множество сообщений  $(m_{i_1}, \dots, m_{i_j}, \dots, m_{i_t})$ , используя соответствующие открытые ключи, вычисляя  $m_{ij}$  из троек

$$(c_j, \alpha^y, (m_{1j} \oplus \psi(\beta_{1j}^y), m_{2j} \oplus \psi(\beta_{2j}^y)))$$

следующим образом:

$$\begin{aligned}(m_{ij} \oplus \psi(\beta_{ij}^y)) \oplus \psi(\alpha^{y x_j}) &= (m_{ij} \oplus \psi(\beta_{ij}^y)) \oplus \psi(\beta_{ij}^y) = \\ &= m_{ij} = r_{i-1,j} = r_{e_j} = r_j.\end{aligned}$$

Сравним границы неустойчивости, протоколов, исполняемых за примерно одно и то же время. В течение  $p$  исполнений традиционного протокола в коммуникационной фазе передаются  $5p$  элементов группы  $G$ . Для их вычисления доказывающий  $P$  осуществляет такое же число возведения в степень. В ускоренном протоколе это число уменьшается до  $3p+1$ .

Таким образом, протоколы  $\text{NIZKOT}_2^1(3)$  и  $\text{NIZKEOT}_2^1(5)$  исполняются примерно за одно и то же время (с одинаковой информационной скоростью), обеспечивая границы неустойчивости

$$\delta_{\text{NIZKOT}_2^1(3)} = \left( \delta_{\text{NIZKOT}_2^1} \right)^3 \text{ и}$$

$$\delta_{\text{NIZKEOT}_2^1(5)} = \left( \delta_{\text{NIZKEOT}_2^1} \right)^5.$$

Принимая во внимание, что

$$\delta_{\text{NIZKOT}_2^1} = \delta_{\text{NIZKEOT}_2^1} = \frac{1}{2}, \text{ можно видеть, что}$$

$$\left( \delta_{\text{NIZKOT}_2^1(3p)} \right)^5 = \left( \delta_{\text{NIZKOT}_2^1} \right)^{15p} \approx \left( \delta_{\text{NIZKEOT}_2^1(5p)} \right)^3 = \left( \delta_{\text{NIZKEOT}_2^1} \right)^{15p}$$

Отсюда

$$\delta_{\text{NIZKEOT}_2^1(5p)} \approx \left( \delta_{\text{NIZKOT}_2^1(3p)} \right)^{\frac{5}{3}}. \quad (3)$$

Таким образом, при одной и той же информационной скорости применение

## ПОВЫШЕНИЕ УСТОЙЧИВОСТИ НЕИНТЕРАКТИВНЫХ АНАЛОГОВ $\Sigma$ -ПРОТОКОЛОВ С БИНАРНЫМИ ЗАПРОСАМИ

NIZKEOT вместо NIZKOT влечет существенное снижение неустойчивости.

С другой стороны,  $e_{NIZKEOT_2^1(15)} \approx 45p$  и  $e_{NIZKOT_2^1(15p)} \approx 75p$  и при тех же границах неустойчивости применение NIZKEOT $_2^1$  вместо NIZKOT $_2^1$  влечет существенное повышение информационной скорости:

$$\rho_{NIZKEOT_2^1(5p)} \approx \frac{5}{3}. \quad (4)$$

В заключение напомним доказательство безопасности повторного использования рандомизатора в протоколе NIEOT $_2^1$  [9,10], применяемом в NIZKEOT $_2^1$ , учитывая аддитивный способ скрытия.

**Утверждение 1.** Проблема извлечения второго сообщения при повторном использовании рандомизатора в транзакциях протокола NIEOT и проблема Диффи – Хеллмана полиномиально эквивалентны.

**Доказательство.** Допустим, что по тройке  $(c_j, \alpha^y, (m_{1j} \oplus \psi(\beta_{1j}^y), m_{2j} \oplus \psi(\beta_{2j}^y))) = (c_j, \alpha^y, (C_{1j}, C_{2j}))$  с использованием секретного ключа  $(ij, \beta_{ij})$  проверяющего вычислено сообщение  $m_{ij} = C_1 \oplus \psi(\beta_{ij}^y)$ . Для вычисления второго

сообщения надо найти  $\beta_{3-i_j}^y$  то есть необходимо решить проблему Диффи – Хеллмана: при известных значениях  $\alpha, \alpha^y, \beta_{3-i_j}^y = \alpha^{x^*}$  найти  $\beta_{3-i_j}^y = \alpha^{yx^*}$ . Знание  $\beta_{ij}^y$ , позволяющее вычислить значение  $m_{ij}$  бесполезно для вычисления значения  $\beta_{3-i_j}^y$ , требуемого для вычисления второго сообщения  $m_{3-i_j}$ :

$$\beta_{3-i_j}^y = U^y (\beta_{ij}^y)^{-1}, \quad (6)$$

так как проверяющий для этого должен знать секретный текущий ключ у доказывающего, известный только ему. Допустим, что при известных значениях  $\alpha$  и  $\alpha^y$  с использованием эффективного алгоритма вычислено сообщение  $\beta_{3-i_j}^y = \psi^{-1}(C_2 \oplus m_{3-i_j})$ . Положим  $U = \alpha^z$ .

Тогда из уравнения (6) вычислим  $U^y = (\beta_{ij}^y)(\beta_{3-i_j}^y)^{-1}$ . Значит, если мы можем вычислить  $m_{3-i_j}$ , мы можем решить проблему

Диффи – Хеллмана: используя известные значения  $\alpha, \alpha^z, \alpha^y$  вычислить  $\alpha^{zy}$ . Таким образом, доказано

**Следствие 1.** Повторное использование рандомизатора в пределах одной итерации протокола NIZKEOT $_2^1$  безопасно.

Повторное использование рандомизатора  $u$  в различных  $p$  итерациях протокола NIZKEOT $_2^1(p)$  тем более безопасно, поскольку ключи, используемые в различных итерациях, не связаны между собой алгебраически.

**Следствие 2.** Протокол NIZKEOT $_2^1$  является секретным в стандартной модели.

**Следствие 3.** Повторное использование рандомизатора  $u$  во всех итерациях протокола NIZKEOT $_2^1(p)$  безопасно.

**Следствие 4.** Аппроксимации и оценки (3,4) справедливы.

Результаты данной работы и работы [4] отражены также в работе [11].

### Заключение

Представлены новые эффективные неинтерактивные протоколы идентификации, являющиеся аналогами интерактивных протоколов с бинарными запросами, оценена их эффективность и доказана безопасность.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ, проект № 11-01-00792а.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Введение к криптографии./ Под ред. В.Ященко. Санкт-Петербург: МЦНМО.2001. 260 с.
2. Венбо Мао. Современная криптография. Теория и практика. М.:Триумф. 2005. – 768 с.
3. Goldwasser S., Micali S., and Rackoff C. Knowledge Complexity of Interactive Proof Systems/ Advances in Computing Research: Vol.5 (Randomness and computation, S. Micali ed.), 1986 – P.73-90.
4. Фролов А.Б. Повышение устойчивости неинтерактивных аналогов  $\Sigma$ -протоколов с множественными запросами./ А.Б. Фролов // Ползуновский вестник, 2013. № 2. – С. 252-256.
5. Blum M., Feldman P., and Micali S. Non-interactive zero-knowledge and its applications (extended abstract). In 20th Annual ACM STOC, 1988 – P. 103–112.
6. Fiat A., Shamir A. How to prove yourself: practical solutions of identification and signature problems. In A.M. Odlyzko, editor, Advances in Cryptology – Proceedings of CRYPTO'86, LNCS 263, Springer Verlag, 1986 – P. 186-194.

## РАЗДЕЛ 6. ИНФОРМАЦИОННАЯ БЕЗОПАСНОСТЬ

7. Коблиц, Н. Курс теории чисел и криптография/ Н. Коблиц – М. : ТВП, 2001 – 260 с.
8. Even S., Goldreich O., and Lempel A. A randomized protocol for signing contracts, Communications of the ACM, Volume 28: 1985 – Р. 637-647.
9. Фролов А.Б. Эффективные протоколы передачи комбинации сообщений с забыванием/ А.Б. Фролов// Попзуновский вестник,2012.№ 2/1. 2012 – С. 129-133.
10. Frolov, A. Effective Oblivious Transfer Using Probabilistic Encryption/ A. Frolov// In AISC-170.

Complex Systems and Dependability. Springer Verlag, 2012 – Р. 131-147.

11. Frolov, A. Improving of Non-Interactive Zero-Knowledge Arguments Using Oblivious Transfer. / A.Frolov //In New Results in Dependability and Computer Systems. Advances in Intelligent Systems and Computing, V. 224, Springer, 2013, pp. 153-171.

Профессор кафедры математического моделирования Национального исследовательского университета «МЭИ» д.т.н., проф. Фролов А.Б. – abfrolov@mail.ru

УДК: 519.24

## ПОВЫШЕНИЕ УСТОЙЧИВОСТИ НЕИНТЕРАКТИВНЫХ АНАЛОГОВ $\Sigma$ -ПРОТОКОЛОВ С МНОЖЕСТВЕННЫМИ ЗАПРОСАМИ

А.Б. Фролов

В статье рассматриваются неинтерактивные аналоги интерактивных протоколов идентификации ( $\Sigma$ -протоколов) с множественными запросами. Показано, что для повышения устойчивости к действиям нечестного доказывающего число проверок может быть увеличено при сохранении информационной скорости за счет применения эффективной  $t+1$ -из- $2t$ ,  $1 < t \leq 6$ , забывающей передачи при многократном использовании единого рандомизатора.

**Ключевые слова:** протокол с нулевым разглашением секрета, протокол идентификации, множественный запрос, забывающая передача, рандомизатор, информационная скорость.

### Введение

Настоящая работа посвящена изучению неинтерактивных протоколов с нулевым разглашением секрета как важных криптографических примитивов современных криптосистем. Функциональность и основные характеристики таких протоколов, их преимущества и недостатки по сравнению с интерактивными протоколами описаны во введении статьи [1] в настоящем журнале. Здесь рассмотрим особенности протоколов доказательства с нулевым разглашением для языков. Протокол доказательства с нулевым разглашением  $(P,V)(x)$  исполняется двумя участниками – доказывающим  $P$  и проверяющим  $V$ , владеющими общей информацией  $x$  [2]. Эта общая информация является элементом известного языка  $L$  и значением  $z = f(s)$  односторонней функции  $f(s)$ , образом  $s$  которого является секретом  $P$ , язык  $L$  характеризуется свидетелем  $w$ . Исполняя протокол для языка  $L$ ,  $P$  убеждает проверяющего  $V$ , что  $z \in L$ , не разглашая никакой информации о секрете  $s$ . Такие протоколы имеют две вероятностные характеристики: *полнота*  $\sigma$  (нижняя граница вероятности успешного доказательства честным доказывающим  $P$ ) и *неустойчивость*  $\delta$  (верхняя граница вероятности успешного до-

казательства нечестным доказывающим  $\tilde{P}$ , что данный элемент  $\tilde{z} \notin L$  принадлежит языку  $L$ ) – граница неустойчивости. Ее понижение означает повышение устойчивости протокола. Протокол  $(P,V)(x)$  может использоваться также для доказательства, что доказывающий владеет секретом  $s$ , без разглашения информации о секрете. В этом случае протокол является протоколом идентификации.

В настоящей статье предлагаются новые неинтерактивные протоколы идентификации, имитирующие логику интерактивных протоколов с нулевым разглашением секрета ( $\Sigma$ -протоколов) с множественными запросами (примером такого интерактивного протокола является протокол Шнорра [2]), а также рассматриваются особенности неинтерактивных протоколов для языков.

Как и в работе [1], неинтерактивность достигается использованием забывающей передачи [3,4,5]. В таких протоколах неинтерактивной коммуникационной фазе предшествует интерактивная фаза инициализации параметров забывающей передачи. Как и в протоколах с бинарными запросами [1], использование забывающей передачи требует ограничения вычислительных возможностей доказывающего. В связи с этим неинтерак-

ПОПЗУНОВСКИЙ ВЕСТНИК № 2, 2013